

## Test č. 2, úloha č. 1

V priloženej kostre nájdete známu implementáciu balíka `graphs` z prednášky. Súvislý graf  $G$  nazývame *bipartitný*, ak sa jeho množina vrcholov  $V(G)$  dá rozdeliť na dve množiny  $A$  a  $B$  také, že  $A \cap B = \emptyset$  a zároveň  $A \cup B = V(G)$  pre ktoré platí, že pre ľubovoľné vrcholy  $a_1, a_2 \in A, b_1, b_2 \in B$  neexistujú v grafe hrany  $a_1a_2$  a  $b_1b_2$ . Všetky hrany grafu sú teda iba medzi množinami  $A$  a  $B$ . Množiny  $A$  a  $B$  nazývame *bipartície*. Nesúvislý graf je bipartitný, ak je každý jeho komponent bipartitný. Doplňte implementáciu verejnej triedy `Bipartite` implementujúcej statické metódy

- `public static Set<Integer> getBipartition(UndirectedGraph graph, int vertex)`, ktorá pre vrchol `vertex` v neorientovanom grafe `graph` nájde a vráti jeho bipartíciu a vráti ju ako množinu `Set<Integer>`, za predpokladu, že existuje. Pokiaľ neexistuje (pretože komponent súvislosti, v ktorom sa `vertex` nachádza nie je bipartitný), vráti metóda `null`.
- `public static boolean isBipartite(UndirectedGraph graph)`, ktorá pre graf vráti `true` práve vtedy ak je graf bipartitný (ak je každý jeho komponent bipartitný). Inými slovami, vráti `true` práve vtedy, ak pre každý vrchol existuje bipartícia, v ktorej sa daný vrchol nachádza.

Na testovač odovzdajte iba súbor `Bipartite.java`. V priloženej kostre máte aj triedu `Testovac`, ktorá obsahuje funkciu na načítanie grafu. Využite ju na otestovanie svojho riešenia. Môžete využiť príklady nižšie.

### Príklad 1 (graf na 3 vrchoch bez hrán):

```
Bipartite.getBipartition(g,0) // == [0]
Bipartite.getBipartition(g,1) // == [1]
Bipartite.getBipartition(g,2) // == [2]
Bipartite.isBipartite(g)     // == true
```

### Vstup pre načítanie:

```
LISTS
3 0
```

### Príklad 2 (graf je trojuholník):

```
Bipartite.getBipartition(g,0) // == null
Bipartite.getBipartition(g,1) // == null
Bipartite.getBipartition(g,2) // == null
Bipartite.isBipartite(g)     // == false
```

### Vstup pre načítanie:

```
MATRIX
3 3
0 1
0 2
1 2
```

**Príklad 3 (graf je štvoruholník):**

```
Bipartite.getBipartition(g,0) // == [0, 2]
Bipartite.getBipartition(g,1) // == [1, 3]
Bipartite.isBipartite(g)      // == true
```

**Vstup pre načítanie:**

MATRIX

4 4

0 1

1 2

2 3

0 3